# پایداری حل نسخه متقارن سیستم شیشه اسپینی و فرومغناطیس جفت شده

ایزدی ، فاطمه ؛ سپهری نیا، رضا

دانشکاده فیزیک دانشگاه تهران ، انتهای خیابان کارگر شمالی ، تهران

## چکیدہ

پایداری حل نسخه متقارن برای سیستمی متشکل از فرومغناطیس و شیشه اسپینی جفت شده مورد مطالعه قرار گرفته است. برای بدست آوردن متوسط آنسامبلی انرژی آزاد از روش استاندارد نسخه ها استفاده شده، تحلیل پایداری با در نظر گرفتن انحراف از جواب های نسخه متقارن انجام شده و خط دی آلمیدا-تالس برای مقادیر مختلف جفت شدگی بدست آمده و در نمودارهای فاز سیستم رسم شده است. نتایج بدست آمده نشان می دهد جواب های نسخه متقارن در فاز شیشه اسپینی و در دمای پایین فاز فرومغناطیس ناپایدار است. خط دی آلمیدا-تالس برای مقادیر میانی جفت شدگی یک گذار بازگشتی نشان می دهد.

واژه های کلیدی: فرومغناطیس-شیشه اسپینی-نمودار فاز.

# Stability of the replica symmetric solution of the coupled Ferromagnet-Spin glass system

#### Izadi, Fateme; Sepehrinia, Reza

Department of Physics, University of Tehran, Tehran,

#### Abstract

The stability of the replica symmetric solution of the coupled Ferromagnet-Spin glass system was studied. We utilize the standard replica method to obtain the ensemble-averaged free energy and carry out a stability analysis and obtain the de Almeida–Thouless (AT) line of the model for different strengths of the coupling between two subsystems. The results show that the replica symmetric solution is unstable on the spin glass phase and the boundary between the ferromagnetic and spin glass phases. The curvature of AT line is such that there could be a reentrant transition for intermediate values of the coupling.

Keywords: Ferromagnet-Spin glass-Phase diagram

شده فرومغناطیس وپاد فرومغناطیس مشاهده شد[۲] و تا کنون در انواع سیستم های دیگر مشاهده شده است [۵-۳]. مجاورت مغناطیسی یک پدیده نسبتاً کلی است که قادر به القا و تغییر خواص مغناطیسی مختلف مانند دمای گذار به فازهای منظم و غیره است که کاربردهای مختلفی نیز دارد. یکی از عواملی که به نظر میرسید نقش مهمی ایفا میکند، ناخالصیها و بطور کلی بینظمی در این سیستم هاست [۶]. این

مقدمه

ترکیب مواد با ویژگیهای متفاوت مغناطیسی کاربردهای فراوان در الکترونیک و اسپینترونیک دارند. خواص گوناگون نوین در این سیستمهای ترکیبی ناشی از اثرات سطحی است. از جمله بایاس تبادلی و مجاورت مغناطیسی پدیده های مهمی هستند که در بسیاری از این سیستم ها مشترک هستند[۱]. بایاس تبادلی یک ناهمسانگردی مغناطیسی یک طرفه است که ابتدا در سیستم جفت

منجر به این حدس شـد که امکان مشـاهده بایاس تبادلی در لایه فرومغناطیس در مجاورت با یک شیشه اسپینی نیز رخ می دهد. این پدیده در چندین آزمایش و شبیه سازی های عددی تایید شد. [۷]. اگرچه مطالعات بسیار تجربی و نظری در مورد بایاس تبادلی انجام شده است[۱۱–۸] اما همچنان موضوع تحقیق گسترده است.

مطالعه نظري مجاورت مغناطیسي نیز براي چندين سيستم انجام شده است[۱]، اما توجه بسیار کمتری به این پدیده در مقایسه با اثر بایاس تبادلی شـده اسـت .به ویژه اثر مجاورت در یک سـیسـتم فرومغناطیس- شیشه اسپینی جفت شده با توجه به نتایج تجربی به دست آمده جالب است. با توجه به کارهای تجربی اخیر، ما یک مطالعه نظری بر روی نمودار فاز تعادلی یک سیستم فرومغناطیس-شيشه اسييني جفت شده انجام داده ايم. ما از يک مدل کمينه متشـکل از یک فرومغناطیس آیزینگ با برد بی نهایت و شـیشـه اسپینی شرینگتون-کرکپاتریک استفاده میکنیم که به یکدیگر متصل شدهاند. شرینگتون-کرکپاتریک (SK) در ۱۹۷۵ مدل میدان میانگین شیشههای اسپینی را معرفی کردند و با استفاده از فرضیه رپلیکا متقارن به یک راهحل تحلیلی کامل دست یافتند [۱۲] اما حل تحلیلی آنها چند مشکل داشت. بهطورخاص، آنتروپی در دمای به حد کافی پایین منفی میشد. در سال ۱۹۷۸ دی آلمیدا و تالس یک تحلیل پایداری انجام دادند و نشان دادند که حل رپلیکا متقارن در بعضي جهات ناپايدار است كه مربوط به افتوخيزهايي است كه عناصر غیر قطری می توانند متفاوت شوند[۱۳]. در این مطالعه ما با استفاده از روش دی آلمیدا و تالس، پایداری حل نسخه متقارن را برای سیستم فرومغناطیس- شیشه اسپینی جفت شده بررسي ميكنيم.

**مدل و هامیلتونی** در ابتدا سیستمی شامل دو مدل شرینگتون-کرکپاتریک در نظر میگیریم که هامیلتونی آن عبارتست از  $H = -\sum_{i < j} J_{ij}\sigma_i\sigma_j - \sum_{i,j} J'_{ij}\tau_i\tau_j - D\sum_i \sigma_i\tau_i$  $J_i c_i \sigma_i$  اسپینهای آیزینگ ( $\pm$ ) هستند و  $J_{ij}$  برهمکنش تصادفی با تابع توزیع

 $P(J_{ij}) = \frac{1}{J_1} \sqrt{\frac{N}{2\pi}} \exp(-\frac{N}{2J_1^2} (J_{ij} - \frac{J_0}{N})^2)$ به طور مشابه  $J_{ij}^{\prime}$  برهمکنش تصادفی با تابع توزیع  $P^{\prime}(J_{ij}^{\prime})$  با میانگین  $J_I$  و واریانس  $J_2$ است. در نهایت با قرار دادن  $J_2=0$  یک مدل SK جفتشده با یک مدل آیزینگ فرومغناطیس نامتناهی برد خواهيم داشت. انرژی آزاد برای این سیستم با استفاده از روش نسخهها برحسب پارامترهای نظم سیستم و با فرض تقارن نسخهها بدست می آید.  $f = -\frac{\beta(J_1^2 + J_2^2)}{4} - \lim_{n \to 0} \frac{1}{\beta n} \{ -\frac{1}{2} \sum_{\alpha < \beta} (y^{\alpha \beta})^2 -$  $\frac{1}{2}\sum_{\alpha} (x^{\alpha})^2 - \frac{1}{2}\sum_{\alpha < \beta} (v^{\alpha\beta})^2 - \frac{1}{2}\sum_{\alpha} (w^{\alpha})^2$ +logTr exp $(\bar{\beta}J_1\sum_{\alpha<\beta}y^{\alpha\beta}\sigma_{\alpha}\sigma_{\beta}$  +  $\sqrt{\beta J_0} \sum_{\alpha} x^{\alpha} \sigma_{\alpha} + \beta J_2 \sum_{\alpha < \beta} v^{\alpha \beta} \tau_{\alpha} \tau_{\beta} +$  $\sqrt{\beta J_I} \sum_{\alpha} w^{\alpha} \tau_{\alpha} + \beta D \sum_{\alpha} \sigma_{\alpha} \tau_{\alpha}) \}.$ که در آن  $\beta J_1 q^s_{\alpha\beta} = y^{\alpha\beta} \qquad \sqrt{\beta J_0} m^s_{\alpha} = x^{\alpha}$  $\beta J_2 q^i_{\alpha\beta} = v^{\alpha\beta}$  $\sqrt{\beta J_I} m^i_{\alpha} = w^{\alpha}$ ، SK مغناطش برای مدل آیزینگ،  $m_{
m s}$  مغناطش برای مدل  $m_i$  ،  $q_i$  پارامتر نظم شیشهاسپینی برای مدل آیزینگ و  $q_s$  پارامتر نظم  $q_i$ شیشهاسیینی برای مدل SK است و با معادلات حالت زیر مشخص

 $\begin{aligned} \tanh(\beta K) &= \tanh(\beta D) \tanh(\beta J_I m_i) \\ \tanh(\beta K') &= \tanh(\beta D) \tanh(\beta (J_1 \sqrt{q_s} z + J_0 m_s)) \\ \min(\beta K') &= \tanh(\beta D) \tanh(\beta (J_1 \sqrt{q_s} z + J_0 m_s)) \\ \max(\beta K') &= \tanh(\beta D) \tanh(\beta (J_1 \sqrt{q_s} z + J_0 m_s)) \\ \min(\beta K') &= \min(\beta K') \\ \min(\beta K') \\ \min(\beta K') &= \min(\beta K') \\ \min(\beta K') \\ \min(\beta K') &= \min(\beta K') \\ \min(\beta K'$ 

که x, y, v و w جوابهای نسخه متقارن باشند، جمله مرتبه دوم انرژی آزاد نسبت به η, ε, ρ و v به صورت زیر است:

$$\begin{split} \Delta &= \frac{1}{2} \sum_{\alpha,\beta} \left\{ \delta_{\alpha\beta} - \beta J_0 (\langle \sigma_\alpha \sigma_\beta \rangle - \langle \sigma_\alpha \rangle \langle \sigma_\beta \rangle) \right\} \varepsilon^\alpha \varepsilon^\beta \\ &+ \frac{1}{2} \sum_{\alpha < \beta} \sum_{\gamma < \delta} \left\{ \delta_{(\alpha\beta)(\gamma\delta)} - \beta^2 J_1^2 (\langle \sigma_\alpha \sigma_\beta \sigma_\gamma \sigma_\delta \rangle \\ &- \langle \sigma_\alpha \sigma_\beta \rangle \langle \sigma_\gamma \sigma_\delta \rangle) \right\} \eta^{\alpha\beta} \eta^{\gamma\delta} \\ &+ \frac{1}{2} \sum_{\alpha < \beta} \left\{ \delta_{\alpha\beta} - \beta J_I (\langle \tau_\alpha \tau_\beta \rangle - \langle \tau_\alpha \rangle \langle \tau_\beta \rangle) \right\} v^\alpha v^\beta \\ &+ \frac{1}{2} \sum_{\alpha < \beta} \sum_{\gamma < \delta} \left\{ \delta_{(\alpha\beta)(\gamma\delta)} - \beta^2 J_2^2 (\langle \tau_\alpha \tau_\beta \tau_\gamma \tau_\delta \rangle \\ &- \langle \tau_\alpha \tau_\beta \rangle \langle \tau_\gamma \tau_\delta \rangle) \right\} \rho^{\alpha\beta} \rho^{\gamma\delta} \\ &+ \beta J_1 \sqrt{\beta J_0} \sum_{\delta} \sum_{\alpha < \beta} \left( \langle \sigma_\alpha \sigma_\beta \rangle \langle \sigma_\delta \rangle - \langle \sigma_\alpha \sigma_\beta \sigma_\delta \rangle \right) \eta^{\alpha\beta} \varepsilon^\delta \\ &+ \beta J_2 \sqrt{\beta J_0} \sum_{\delta} \sum_{\alpha < \beta} \left( \langle \tau_\alpha \tau_\beta \rangle \langle \sigma_\delta \rangle - \langle \tau_\alpha \tau_\beta \sigma_\delta \rangle \right) \rho^{\alpha\beta} v^\delta \\ &+ \beta J_2 \sqrt{\beta J_1} \sum_{\delta} \sum_{\alpha < \beta} \left( \langle \tau_\alpha \rangle \langle \sigma_\beta \rangle - \langle \tau_\alpha \sigma_\beta \rangle \right) \rho^{\alpha\beta} v^\delta \\ &+ \beta \sqrt{J_1 J_0} \sum_{\alpha < \beta} \left( \langle \tau_\alpha \rangle \langle \sigma_\beta \rangle - \langle \tau_\alpha \sigma_\beta \rangle \right) v^\alpha \varepsilon^\beta \\ &+ \beta^2 J_1 J_2 \sum_{\alpha < \beta} \sum_{\gamma < \delta} \left( \langle \tau_\alpha \tau_\beta \rangle \langle \sigma_\gamma \sigma_\delta \rangle - \langle \tau_\alpha \tau_\beta \sigma_\beta \rangle \right) \rho^{\alpha\beta} \eta^{\gamma\delta} \end{split}$$

برای داشتن جواب های پایدار ماتریس ضرایب این فرم مرتبه دوم باید ویژهمقادیر مثبت داشته باشد. با در نظر گرفتن تقارن این ماتریس تحت جایگشت اندیس نسخه ها می توان مجموعه کامل ویژه بردارها را برای مقدار n بدست آورد. سه دسته ویژه بردار وجود دارد : دسته اول که تحت تغییر اندیس نسخه ها متقارن است چهار ویژه مقدار می دهد. دسته دوم تحت تغییر همه اندیس ها به جز یکی متقارن است و چهار ویژه مقدار می دهد که برای 0 = n با ویژه مقادیر دسته اول برابر می شوند. ویژه مقادیر دو دسته اول همواره مثبت هستند. در نهایت دسته آخر که تحت تغییر همه به جز دو تا از اندیس ها متقارن است و منجر به شرط زیر برای پایداری سیستم می شود:

$$\left(\frac{T}{J_1}\right)^2 > \int \mathrm{D}z \, \operatorname{sech}^4(\beta(J_1\sqrt{q_s}z + J_0m_s + K))$$

 $D o \infty$  در گام آخر  $J_2 = 0$  قرار داده شده است.این رابطه در حد  $J_2 = 0$  به شرط پایداری مدل SK میل میکند.

نتايج

با حل همزمان معادلات حالت برای پارامترهای نظم و رابطه بدست آمده، محدوده پایداری جوابهای نسخه متقارن برای مقادیر مختلف ثابت جفتشدگی مشخص می شود. شکل ۱ نمودار فاز در صفحه  $J_I/J = 0.5 = J_I/J$  و مقادیر صفحه  $J_I/J = 0.5 = J_I/J$  و مقادیر مختلف D نشان می دهد. مشابه مدل SK در اینجا هم یک گذار فاز از پارامغناطیس به شیشه اسپینی در I = I/T مشاهده می شود که با تغییر جفتشدگی تغییر نمی کند. جوابهای نسخه متقارن زیرخط دی آلمیدا-تالس که با خطچین نشان داده شده پایدار نیستند. شکل ۲ نمودار فاز در صفحه  $I/J = J_I/J$  را برای مقدار ثابت شکل ۲ نمودار فاز در صفحه  $D_I/J = I/T$  را برای مقدار ثابت شکل ۲ نمودار فاز در صفحه  $I/J = J_I/J$  را برای مقدار ثابت شکل ۲ نمودار فاز در صفحه  $I/J = J_I/J$  را برای مقدار ثابت شکل ۳ نمودار فاز در صفحه  $I/J = J_I/J$  را برای مقدار ثابت مثکل ۳ نمودار فاز در صفحه  $I/J = J_I/J$  را برای مقدار ثابت مقدار تابت می دهد. برای مقدارهای شکل ۳ نمودار فاز در منه محمو می شود. اما فاز آمیخته یعنی ناحیه بین خط AT و مرز فازهای شیشه اسپینی و فرومغناطیس که ویژگی های هر دو فاز را دارد با کاهش D افزایش



ناحیه زیر AT line که با ناپایدار است خط چین مشخص شده است.

شــکل ۳ نمودار فاز در صـفحه  $J_1/J - J_1/J$  را برای مقدار ثابت  $J_0/J = 0$  و مقادیر مختلف D نشان میدهد. با کاهش D مساحت فاز آمیخته افزایش پیدا میکند.



شکل ۲.نمودار فاز در صفحه  $(\frac{I_0}{J} + \frac{kT}{J})$  برای  $I = \frac{I_I}{J}$ و مقادیر مختلف D. ناحیه زیر AT line که با خط چین مشخص شده است ناپایدار است.



شکل ۳. نمودار فاز در صفحه  $\left(\frac{II}{J},\frac{kT}{J}\right)$  برای  $0 = \frac{I0}{J}$ و مقادیر مختلف D. ناحیه زیر T دمودار فاز در صفحه ( $\frac{II}{J},\frac{kT}{J}$ ) برای AT line زیر AT line که با خط چین مشخص شده است ناپایدار است. خط –نقطه گذار مر تنه اول را نشان می دهد.

نتيجه گيري

سیستم جفت شده فرومغناطیس - شیشه اسپینی مورد مطالعه قرار گرفت. انرژی آزاد سیستم با استفاده از روش نسخهها و با فرض تقارن نسخهها محاسبه شده و پارامترهای نظم به دست آمده است. برای مقادیر مختلف پارامترها، نمودارهای فاز در شکل ها نشان داده شده است. تحلیل پایداری با در نظر گرفتن انحراف از جوابهای نسخه متقارن انجام شده و خط دی آلمیدا-تالس برای مقادیر مختلف جفت شدگی بدست آمده و در نمودارهای فاز سیستم رسم شده است. نتایج بدست آمده و در نمودارهای فاز سیستم رسم شده و است. نتایج بدست آمده و در میدارهای فاز سیستم رسم شده بالا جوابهای نسخه متقارن پایدار است اما در فاز شیشه اسپینی و برای مقادیر میانی جفت شدگی در مرز بین فازهای شیشه اسپینی و فرومغناطیس در حل نسخه متقارن وجود دارد در خط دی آلمیدا-تالس نیز مشاهده می شود یعنی با کاهش دما از فاز فرومغناطیس به شیشه اسپینی رفته سپس به فاز آمیخته که ویژگیهای هر دو فاز شیشه اسپینی رفته سپس به فاز آمیخته که ویژگیهای هر دو فاز

## سپاسگزاری

نویسندگان از شورای پژوهشی دانشگاه تهران سپاسگزاری میکنند. این اثر تحت حمایت مادی صندوق حمایت از پژوهشگران و فناوران کشور (INSF) برگرفته شده از طرح شماره " ۴۰۰۵۹۵۰ " انجام شده است.

- [1] P. Manna and S. Yusuf, Physics Reports 535, 61 (2014)
- [2] W. H. Meiklejohn and C. P. Bean, *Physical review* 102, 1413 (1956).
- [3] M. Kishimoto, T. Sueyoshi, J. Hirata, M. Amemiya, and F. Hayama, Journal of Applied Physics 50, 450 (1979).
- [4] A. Berkowitz, F. Parker, E. Hall, and G. Podolsky, *IEEE Transactions on Magnetics* 24, 2871 (1988).
- [5] W. C. Cain and M. H. Kryder, *Journal of applied physics* 67, 5722 (1990).
- [6] T. Schulthess and W. Butler, *Physical review letters* **81**, 4516 (1998).
- [7] M. Ali, P. Adie, C. H. Marrows, D. Greig, B. J. Hickey, and R. L. Stamps, *Nature Materials* 6, 70 (2007)
- [8] M. Tomaz, W. Antel Jr, W. O'Brien, and G. Harp, *Journal of Physics: Condensed Matter* 9, L179 (1997).
- [9] M. Kiwi, Journal of Magnetism and Magnetic materials 234, 584 (2001).
- [10] F. Radu and H. Zabel, Magnetic heterostructures pp. 97-184 (2007).
- [11] J. Nogu'es and I. K. Schuller, Journal of Magnetism and Magnetic Materials 192, 203 (1999).
- [12] Sherrington, D., & Kirkpatrick, S. Physical review letters, 35(26), 1792. (1975).
- [13] de Almeida, J. R., & Thouless, D. J. (1978). Journal of Physics A: Mathematical and General, 11(5), 983.